

MATE-4220 Teoría de Medida e Integración
PRIMER SEMESTRE 2024
COORDINADOR DEL CURSO
Monika Winklmeier
mwinklme@uniandes.edu.co

# Información de los profesores

Profesor(a) principal: Monika Winklmeier

Correo electrónico: mwinklme@uniandes.edu.co

Página web: <a href="http://matematicas.uniandes.edu.co/~mwinklme/teaching">http://matematicas.uniandes.edu.co/~mwinklme/teaching</a>

Horario y lugar de atención: se publicará en la página web de la profesora

El nombre del profesor, correo electrónico, horario y lugar de atención, lo puede consultar en: http://matematicas.uniandes.edu.co/index.php/cartelera/horarioprofesores

https://matematicas.uniandes.edu.co/index.php/cartelera/cursos-sem-actual

# 1. Introducción y descripción general del curso

El objetivo del curso es dar una introducción a la teoría de media e integración. Se puede tomar como uno de los primeros cursos en el área del análisis después del curso "Análisis".

La teoría de medida e integración es fundamental en muchas áreas de las matemáticas, como por ejemplo, en análisis armónico, probabilidad, análisis funcional, etc.

El objetivo del curso es introducir la noción abstracta de una medida, partiendo de medidas (= longitudes) de intervalos. El concepto de espacios de medida permite la construcción de una integral que extiende a la integral de Riemann conocido desde el curso básico de análisis.

Finalmente se introducen los espacios L\_p que son de importancia fundamental tanto en matemáticas como en física teórica.

Se requiere un conocimiento bueno de los temas que se tratan en un curso básico de Análisis.

# 2. Objetivos de la asignatura

- Profundizar las técnicas básicas del análisis introducidas en MATE-2201 (análisis)
- Fomentar el razonamiento analítico
- Dar una base sólida para los cursos siguientes en el área de análisis y áreas relacionadas (análisis funcional, PDE, probabilidad, análisis armónico etc.)
- Promover prácticas de estudio honesto, responsable e independiente por parte del estudiantes
- Desarrollo de las nociones abstractas de medida e integración
- Reforzar la importancia de una redacción clara y precisa de los argumentos dados.



MATE-4220 Teoría de Medida e Integración
PRIMER SEMESTRE 2024
COORDINADOR DEL CURSO
Monika Winklmeier
mwinklme@uniandes.edu.co

# 3. Competencias a desarrollar

Entre las competencias que el estudiante debe desarrollar y/o mejorar son:

- Conocimiento de la teoría de medida e integración y, si el tiempo lo permite, algunas aplicaciones.
- Comprender y usar adecuadamente los conceptos introducidos en el curso.
- Entender y trabajar con conceptos abstractos.
- Saber trabajar tanto independiente como en grupo en la adquisición de nuevos conocimientos y de soluciones de problemas.
- Leer y comprender textos matemáticos (también en inglés).
- Habilidad de atacar y solucionar un problema de manera analítica.
- Habilidad de presentar soluciones a problemas matemáticas en forma escrita y oral de manera ordenada y según los estándares matemáticas.
- Desarrollar y mejorar la habilidad de producir textos precisos y claros en un lenguaje adecuado.
- Comprender el acto de escribir como una forma de ordenar las ideas.

# 4. Metodología

Hay dos clases semanales de 110 minutos cada una en las cuales se presenta el contenido. Cierto tiempo se dedicará a la corrección y discusión de los talleres semanales. Estos talleres son de importancia fundamental para el desarrollo del curso. Permiten al estudiante aplicar, practicar y profundizar lo aprendido en clase. También desarrollarán la habilidad de discutir con estudiantes del mismo nivel (estudiantes del curso) y más avanzados (los monitores, suponiendo que se aprueban monitores para este curso), la habilidad de escribir textos matemáticos formalmente correctos y presentarlos en clase. A través de los talleres, los estudiantes reciben retroalimentación constante durante todo el semestre.

Es fundamental que el estudiante asuma una rutina de estudio independiente y persistente que incluya la revisión de las notas que el toma en clase, la elaboración de las soluciones de los talleres y búsqueda activa de apoyo para la resolución de dudas y obtención de retroalimentación ofrecidas por la universidad. En este último aspecto el estudiante puede:

- Recurrir a las horas de atención de estudiantes asignadas por su profesor o los monitores.
- Participar activamente en las clases con preguntas y presentación de soluciones de talleres, para así detectar y corregir errores y malentendidos a tiempo.

## 5. Contenido de la asignatura

- Anillos, álgebras, contenidos, medidas.
- Funciones medibles e integración; teoremas de convergencia.



MATE-4220 Teoría de Medida e Integración
PRIMER SEMESTRE 2024
COORDINADOR DEL CURSO
Monika Winklmeier
mwinklme@uniandes.edu.co

- Medidas de producto; teorema de Tonelli y Fubini.
- Teorema de transformación.
- Teorema de representación de Riesz; medidas de Borel y de Radon.
- Representación de medidas; Teorema de Radon-Nikodym.
- Espacios L\_p.

# 6. Bibliografía

W. Rudin: *Real and Complex Analysis,*H. Bauer: *Measure and Integration Theory,* 

P. Halmos: Measure Theory,

H. Widom: *Lectures on Measure and Integration*.

# 7. Criterios de evaluación y aspectos académicos

## Porcentajes de cada evaluación

Para aprobar el curso, debe tener un promedio de todos los exámenes mayor a 2.50.

- > Talleres semanales, XX%
- XX exámenes parciales, XX% cada uno
- 1 examen final, XX%

## Fechas Importantes

Examen parcial 1: ....
Examen final:

## Parámetros de calificación de actividades académicas

- Correctitud de las soluciones/respuestas.
- Completitud del procedimiento.
- Claridad de la presentación, uso correcto del español (o inglés) y del lenguaje y formalismo matemático.
- Presentación de las soluciones de talleres en el tablero.

## Calificación de asistencia y/o participación en clase

No se tomará asistencia de clase y no hará parte en la nota final.

## **DEPARTAMENTO DE MATEMATICAS**

MATE-4220 Teoría de Medida e Integración PRIMER SEMESTRE 2024 COORDINADOR DEL CURSO Monika Winklmeier mwinklme@uniandes.edu.co

#### Reclamos

Si hay inconformidad por la nota asignada en una prueba, el estudiante deberá presentar su reclamo por escrito dentro del tiempo estipulado en el RGEPr (ver pág. 11).

Según el reglamento, el estudiante tiene 4 días hábiles (contado desde el día de la entrega de la prueba en clase!) para presentar su reclamo de forma escrita.

Los exámenes y talleres se devuelven en las clases. Si un estudiante no asiste a esta clase, puede recogerlos en la oficina H-308, únicamente durante el horario de atención de la profesora. Es responsabilidad del estudiante reclamar los exámenes a tiempo.

## Política de aproximación de notas

La nota se redondea a múltiplos de 0.1.

Para aprobar el curso es necesario tener un promedio de 2.5 o más alto en los exámenes parciales adicionalmente a un promedio total de 3.0 o más alto.

# **RÉGIMEN ACADÉMICO**

Las siguientes disposiciones académicas se deberán tener en cuenta en la elaboración de los programas de los cursos las cuales se rigen bajo el Reglamento General de Estudiantes de Pregrado (RGEPr) y el Régimen Disciplinario de Estudiantes de Pregrado (RDEPr).

Para más información puede consultar los siguientes enlaces:

Reglamento General de Estudiantes de Pregrado (RGEPr):

https://secretariageneral.uniandes.edu.co/images/documents/reglamento-pregrado-web-2023.pdf

Régimen Disciplinario de Estudiantes de Pregrado (RDEPr).

https://secretariageneral.uniandes.edu.co/images/documents/regimen-disciplinario-pregrado.pdf

## Asistencia a clase:

Los profesores iniciarán sus cursos desde el primer día del semestre académico, con la finalidad de garantizarles a los estudiantes el derecho a beneficiarse activa y plenamente del proceso educativo (Art. 40 y 41 RGEPr).

Las clases en la Universidad inician a las 6:30 a.m. Deben empezar a la hora en punto o a la media hora, y terminar diez minutos antes de la hora en punto o de la media hora (Art. 42 RGEPr).

# Inasistencia a clase y a evaluaciones:

#### **DEPARTAMENTO DE MATEMATICAS**

MATE-4220 Teoría de Medida e Integración
PRIMER SEMESTRE 2024
COORDINADOR DEL CURSO
Monika Winklmeier
mwinklme@uniandes.edu.co

Los parámetros para controlar la asistencia deberán ser informados a los estudiantes el primer día de clase. Se sugiere informar si la asistencia y la participación serán criterios de evaluación, así como la forma en que serán calificados. Será facultativo de cada profesor determinar las consecuencias de la inasistencia si esta supera el 20% (Art. 43 y 44 RGRPr).

El estudiante que desee justificar su ausencia deberá hacerlo ante el profesor dentro de un término no superior a tres (3) días calendarios siguientes a la fecha de ésta. De acuerdo con el parágrafo del artículo 45 del RGEPr, serán excusas válidas las siguientes:

- a) Incapacidades médicas emitidas por instituciones, centros o empresas prestadoras de servicios de salud que cuenten con la debida autorización por parte de las autoridades en materia de salud.
- b) Incapacidades expedidas por la Decanatura de Estudiantes.
- c) Muerte del cónyuge o de un familiar hasta del segundo grado de consanguinidad.
- d) Autorización para participar en eventos deportivos, expedida por la Decanatura de Estudiantes.
- e) Autorización para asistir a actividades académicas y culturales, expedida por la respectiva dependencia académica.
- f) Citación a diligencias judiciales, debidamente respaldada por el documento respectivo.

El profesor podrá tener en cuenta otras circunstancias que a su criterio puedan justificar la ausencia del estudiante.

La Decanatura de Estudiantes prestará colaboración en la verificación de las incapacidades médicas.

## Salidas de campo:

Las salidas de campo de los estudiantes de la Universidad, programadas fuera de Bogotá, no son de carácter obligatorio. En caso de que algunos estudiantes no puedan cumplir con esta actividad, deberán informar las razones al profesor respectivo y acordar con él la realización de trabajos supletorios (Art. 46 RGEPr).

## Calificaciones:

- Se deberán programar como mínimo tres (3) evaluaciones. En los cursos de la escuela de verano el profesor podrá practicar una sola evaluación con un valor equivalente al 100% de la materia (Art. 47 y parágrafo Art. 48 RGEPr).
- Ninguna de las evaluaciones practicadas podrá tener un valor superior al 35%. Se exceptúan de esta disposición los proyectos de grado, las prácticas académicas, los cursos con formato de taller, y los cursos de Composición, Instrumento, Piano, Dirección Coral, Recitales y Conjunto, pertenecientes al Programa de Música. Éstos tendrán un sistema de calificación especial, que será definido e informado por cada profesor a los estudiantes y al director del programa al inicio de cada curso.



MATE-4220 Teoría de Medida e Integración PRIMER SEMESTRE 2024 COORDINADOR DEL CURSO Monika Winklmeier mwinklme@uniandes.edu.co

- En los cursos de la escuela de verano, la evaluación única realizada por el profesor podrá tener un valor equivalente al 100% de la materia.
- Para la realización de las evaluaciones, el profesor podrá optar por la práctica de pruebas orales o escritas, tareas, trabajos, ensayos, exámenes parciales y finales, o cualquier otro procedimiento que considere adecuado para medir el aprendizaje del estudiante y su dominio de los conceptos del curso. El resultado de las evaluaciones se indicará con la correspondiente calificación, acompañada de la respectiva motivación. El profesor utilizará los criterios de calificación que a su juicio sean convenientes. (Art. 49 RGEPr)
- Las evaluaciones orales, en las que la actividad del estudiante consiste únicamente en responder las preguntas formuladas por el profesor y que tengan un valor superior al 15% de la calificación del curso, deberán realizarse en presencia de un profesor adicional, quien también deberá actuar como evaluador. (Art. 49 RGEPr)
- El estudiante que no asista a la presentación de las evaluaciones debidamente programadas por la Universidad podrá ser calificado hasta con la nota cero (0). El aviso verbal dado por el estudiante inmediatamente antes de la práctica de la evaluación no lo exonera de la presentación de una justificación posterior, la cual deberá ser CAPÍTULO VII. RÉGIMEN ACADÉMICO 2 5 presentada al profesor correspondiente, dentro de un término no superior a ocho (8) días hábiles siguientes a la fecha en que se practicó la prueba. Si la justificación presentada es aceptada por el profesor, éste fijará fecha, hora y forma en que deberá ser realizada la evaluación correspondiente, pero en todo caso deberá efectuarse dentro de las dos semanas siguientes a la aceptación de la justificación presentada (véanse la Reglamentación de las incapacidades estudiantiles y el acuerdo 126 del Consejo Académico, sobre participación estudiantil en eventos académicos y deportivos. (Art. 51 RGEPr)
- En los casos de evaluaciones realizadas sin previo aviso, en las cuales un estudiante no se encuentre presente, el profesor está en libertad de practicarla con posterioridad. El valor de cada evaluación practicada sin aviso, en ningún caso, podrá superar el 5% de la nota definitiva del curso. (Art. 52 RGEPr)
- Las calificaciones definitivas de las materias serán numéricas de uno cinco (1,50) a cinco (5,00), en unidades, décimas y centésimas. La calificación aprobatoria mínima será de tres (3,00). (Art. 53 y parágrafo RGEPr)
- Los profesores tendrán autonomía para establecer sus propios criterios de aproximación de notas, pero deberán siempre informarlo en el programa del curso que se entrega el primer día de clase.

## Entrega de calificaciones:

 Todos los profesores de la Universidad deben hacer conocer a sus estudiantes las calificaciones obtenidas, dentro de los diez (10) días hábiles siguientes a la práctica de la evaluación parcial. Exceptuando aquellas correspondientes a los proyectos de grado y prácticas académicas (Art. 68 RGEPr).



MATE-4220 Teoría de Medida e Integración PRIMER SEMESTRE 2024 COORDINADOR DEL CURSO Monika Winklmeier mwinklme@uniandes.edu.co

- el 30% de las calificaciones debe ser publicado en el sistema banner, a más tardar antes de la semana de retiros de cada semestre (Art. 69 RGEPr).
- Antes del examen final, el estudiante tiene el derecho a conocer las calificaciones parciales obtenidas durante el semestre y podrá solicitarlas al profesor (Art. 70 RGEPr).

# Notas especiales:

- Incompleto (I): nota aplicada por el Consejo de Facultad cuando el alumno no haya podido cumplir por razones justificadas, con los requisitos del curso (Art. 57 RGEPr).
- Incompleto Total (IT): nota aplicada por el Consejo de Facultad cuando el alumno no haya podido cumplir por razones justificadas, con los requisitos de todos los cursos del periodo académico en el cual se encuentra matriculado (Art. 58 RGEPr).
- Pendiente (P): nota aplicada por el profesor cuando al estudiante por razones de fuerza mayor, para cumplir con los requisitos del curso, solo le reste la presentación de una prueba final o no pueda asignársele una calificación antes del plazo determinado por la Dirección de Admisiones y Registro. La nota 'P' deberá reemplazarse a más tardar un mes después de terminado el semestre académico o quince (15) días después de terminado el periodo intersemestral (Art. 59 y Art. 60 RGEPr).
- Pendiente Disciplinario (PD): nota aplicada por el profesor al estudiante que se encuentre vinculado a un proceso disciplinario. Esa nota será reemplazada una vez culmine definitivamente el proceso (Art. 61 RGEPr y parágrafo 1 del Art. 4 RDEPr).
- Pendiente Especial (PE): nota excepcional aplicable a aquellos estudiantes que se encuentren desarrollando su correspondiente proyecto de grado y no ha sido concluido, por razones justificadas, dentro del semestre inicialmente establecido (Art. 63 RGEPr).

## Reclamos:

Si se trata de una prueba escrita, el estudiante deberá dirigir el reclamo por escrito, dentro de los cuatro (4) días hábiles siguientes al que conoció la calificación en cuestión. El profesor cuenta con cinco (5) días hábiles para responderle. Si el estudiante considera que la decisión no corresponde a los criterios de evaluación, podrá solicitar la designación de un segundo calificador ante el Consejo de Facultad, dentro de los cuatro (4) días hábiles al conocimiento de la decisión (Art. 64 y 65 del RGEPr).

En caso de reclamo por una calificación obtenida en una prueba oral, el estudiante podrá exponer la razón de su desacuerdo a los profesores evaluadores en el mismo momento en que tiene conocimiento de la nota. Si el grupo evaluador mantiene la calificación, la realización de un nuevo examen quedará a discreción del Consejo de Facultad al que pertenece la materia, previa solicitud escrita del estudiante (Art. 66 del RGEPr).

# Cambio de notas definitivas:

## **DEPARTAMENTO DE MATEMATICAS**

MATE-4220 Teoría de Medida e Integración
PRIMER SEMESTRE 2024
COORDINADOR DEL CURSO
Monika Winklmeier
mwinklme@uniandes.edu.co

Vencido el plazo previsto para el cambio notas derivadas de los reclamos presentados, estos solo podrán realizarse con la autorización del coordinador de pregrado del programa al que pertenece la materia (Art. 67 RGEPr).

## Funciones del monitor:

La principal función del monitor es la de ayudar al profesor en la dirección de las actividades académicas (laboratorios, sesiones de repaso o de ejercicios, asesoría a estudiantes). Así mismo, apoyarlo en la corrección de ejercicios y pruebas. La calificación definitiva de las pruebas será responsabilidad exclusiva del profesor.

## Reporte de casos disciplinarios:

Ante la sospecha de una presunta comisión de fraude académico (Art. 4 RDEPr) o de una falta disciplinara (Art. 5 y 6 RDEPr.) por parte de uno de sus estudiantes o de cualquier miembro de la comunidad uniandina, los profesores deberán tener en cuenta:

- Es su deber informar al secretario del Comité Disciplinario de la facultad a la que pertenece el estudiante, mediante comunicación escrita que exprese de manera clara y sucinta los hechos. Se adjuntarán las pruebas correspondientes (Art. 18 RDEPr).
- A través de un proceso disciplinario el estudiante tendrá la oportunidad formal de presentar su versión sobre los hechos y pronunciarse sobre las decisiones que tome el Comité (Art. 18 – 36 RDEPr).
- El profesor tiene discreción para hablar con los estudiantes implicados antes de reportar el caso al comité, para informarles al respecto.
- Durante el proceso disciplinario el profesor podrá ser consultado si el Comité lo considera, pero no será parte formal del proceso.
- A menos que el estudiante acepte su responsabilidad, el profesor no puede afirmar que cometió una falta disciplinaria. En cualquier conversación con un estudiante que presuntamente haya cometido la falta, el profesor debe ser cuidadoso. La existencia del fraude o de una falta disciplinaria solamente la puede determinar el Comité, después de haberse cumplido el proceso contemplado en los distintos reglamentos de estudiantes de la Universidad.
- La actividad académica en la que se presuma la comisión de un fraude académico deberá ser calificada con Pendiente Disciplinario (PD), (Art. 61 RGEPr). Es indispensable poner el Pendiente Disciplinario pues esta nota es una garantía del respeto por la presunción de inocencia del estudiante.

## **DEPARTAMENTO DE MATEMATICAS**

MATE-4220 Teoría de Medida e Integración PRIMER SEMESTRE 2024 COORDINADOR DEL CURSO Monika Winklmeier mwinklme@uniandes.edu.co

 Una vez el profesor reciba copia de la carta por medio de la cual se le notifica al estudiante la culminación del proceso disciplinario, deberá levantar el PD y asignar la nota correspondiente a la actividad académica (Art. 18 RDEPr).

# • Canales de ayuda para estudiantes y profesores:

En cualquier momento los profesores y estudiantes podrán apoyarse en la labor de los coordinadores de su programa, la Decanatura de Estudiantes, la Secretaría General de la Universidad y la Oficina del Ombudsperson para consultar sobre asuntos académicos o administrativos según corresponda.

# Ajustes razonables

Según el Art.2 de la Convención sobre los Derechos de las personas con discapacidad de la ONU, se entiende por ajustes razonables "las modificaciones y adaptaciones necesarias y adecuadas que no impongan una carga desproporcionada o indebida, cuando se requieran en un caso particular, para garantizar a las personas con discapacidad el goce o ejercicio, en igualdad de condiciones con las demás, de todos los derechos humanos y libertades fundamentales". Por lo tanto, siéntase en libertad de informar a su profesor lo antes posible si tiene alguna condición o situación de discapacidad, visible o invisible, y requiere de algún tipo de apoyo o ajuste para estar en igualdad de condiciones con los demás estudiantes. En caso dado, por favor justifique su solicitud con un certificado médico o constancia de su situación. Así mismo, lo invitamos a buscar asesoría y apoyo en la dirección de su programa, en la decanatura de Estudiantes (Bloque Ñf, ext.2330, http://centrodeconsejeria.uniandes.edu.co) o en el Programa de Acción por la Igualdad y la Inclusión Social (PAIIS) de la Facultad de Derecho (paiis@uniandes.edu.co).

# Respeto por la diversidad

Los valores de inclusión y respeto por la diversidad son fundamentales para nuestra labor. En esta comunidad consideramos inaceptable cualquier situación de acoso, discriminación, matoneo, y/o amenaza. Si alguno de los miembros de esta comunidad siente que está pasando por alguna de estas situaciones o sabe de alguien a quien esto le puede estar pasando puede denunciar su ocurrencia y buscar orientación y apoyo ante alguna de las siguientes instancias:

- el equipo pedagógico del curso o la dirección del programa,
- la Decanatura de Estudiantes (DECA),
- la Ombudsperson (ombudsperson@uniandes.edu.co).
- el Comité MAAD (Maltrato, Acoso, Amenaza y Discriminación) (lineamaad@uniandes.edu.co, https://secretariageneral.uniandes.edu.co/index.php/es/inicio-es/14-noticias/128).

También puede acudir a los representantes estudiantiles (CEU) y/o a los grupos estudiantiles que pueden prestarle apoyo y acompañamiento: No Es Normal (derechoygenero@uniandes.edu.co o https://www.facebook.com/noesnormaluniandes/?fref=ts); Pares de Acompañamiento Contra el Acoso



MATE-4220 Teoría de Medida e Integración PRIMER SEMESTRE 2024 COORDINADOR DEL CURSO Monika Winklmeier mwinklme@uniandes.edu.co

(paca@uniandes.edu.co o https://www.facebook.com/PACA-1475960596003814/?fref=ts). Además, en clase usted podrá solicitar ser identificado con el nombre y los pronombres que usted prefiera, estos pueden coincidir o no con su nombre legal registrado en banner. No obstante, para firmar en listas de asistencia y marcar hojas de exámenes, debe usar su nombre legal.