Cálculo integral – Ecuaciones diferenciales 2013-2

## Taller 2

- Fecha de entrega: 4 de septiembre 2013.
- Si entrega soluciones de la parte voluntario, indique claramente en la primera página cuales. Si no lo hace, no serán corrigidas.
- Indique claramente en su hoja tanto su nombre como la sección de la clase complementaria¹ a la que pertenece. Si el número de la sección no está claramente indicado, la tarea no será calificada.

**Problem 1.** Determine si las siguientes integrales son impropias. Si lo son, explique por qué lo son. Determine si las integrales convergen o divergen.

(a) 
$$\int_{-5}^{5} \frac{1}{x} \, \mathrm{d}x,$$

(b) 
$$\int_{-5}^{5} \frac{1}{\sqrt{|x|}} dx$$
,

(c) 
$$\int_0^3 \ln x \, \mathrm{d}x,$$

(d) 
$$\int_0^\infty \sin x \, dx.$$

(3) 
$$\int_0^\infty \frac{(\arctan e^x)^3 + (\sin \frac{1}{x})^2}{x\sqrt{x} + \arctan(x^2 + 1)} dx,$$

(f) 
$$\int_0^\infty \frac{(\sin x)^2}{x^2} \, \mathrm{d}x.$$

Problem 2. (a) Encuentre la longitud de la curva dada por

$$y = 5 - \frac{1}{3}\cosh 3x$$
,  $0 \le x \le 2$ .

(b) Encuentre la longitud de la curva dada por

$$x = \frac{y^4}{4} + \frac{1}{8y^2}, \quad 1 \le y \le 3.$$

Problem 3. Encuentre el área de superficie que se obtiene al rotar la curva

$$y = \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}\ln x, \qquad 1 \le x \le 2$$

- (a) alrededor del eje x,
- (b) alrededor del eje y.

Sec. 32: David Perdomo, 11-11:50 am; Sec. 33: David Perdomo, 12-12:50 m;
Sec. 34: Rafael Montoya, 12-12:50 m; Sec. 35: Rafael Montoya, 11-11:50 am.

Los siguientes problemas son opcionales, y no afectarán la nota de este taller. En caso de entregarlos será corregido como retroalimentación.

**Problem 3.** Determine si las siguientes integrales son impropias. Si lo son, explique por qué lo son. Determine si las integrales convergen o divergen.

(a) 
$$\int_3^\infty \frac{\arctan x}{\sqrt{x^2 - 4}} dx,$$
 (b) 
$$\int_0^2 \frac{\arctan x}{\sqrt{x^2 - 4}} dx.$$

**Problem 4.** Encuentre la longitud de la curva C dada por

$$42y = 7x^3 + \frac{21}{x}, \qquad 1 \le x \le a.$$

Problem 5. Dada la curva

$$C: x = 5 - t^4, \quad y = t^3 - t,$$

determine si la curva tiene autointersecciones. Encuentre todos los puntos, en los cuales la curva tiene tangentes verticales o horizontales. Haga un bosquejo de la curva.

Problem 6. Halle el área encerrada por las curvas

$$r = 2, \quad r = 3\cos t, \qquad t \in \mathbb{R}.$$

Problem 7. Halle la longitud de la curva

$$x = 3\cos t - \cos(3t), \quad y = 3\sin t - \sin(3t), \quad 0 \le t \le \pi.$$

**Problem 8.** La curva C sea dada por

$$x = \sin t$$
,  $y = \sin t \cos t$ ,  $t \in \mathbb{R}$ ,

- (a) Muestre que C se intersecta en (0,0) y da la fórmula para la(s) tangente(s) a la curva en este punto.
- (b) Da la fórmula para la tangente a C en el punto  $(\frac{1}{2}\sqrt{2}, \frac{1}{2})$ .
- (c) Calcule el área encerrada por C.