## UNIVERSIDAD DE LOS ANDES

PARCIAL No.2 Supletorio MATE 1203 1 de Abril 2022

PREGUNTA	1a	1b	2	3	TOTAL
VALOR	1,25	1,25	1,25	1,25	5,0
NOTA					Σ

Nombre:	Código:	Sección:

- POR FAVOR APAGUE EL CELULAR 🔊
- Respuestas sin justificación o procedimiento no tendrán valor.
- Duración del parcial: 1 hora 20 minutos.

No se permite el uso de textos, apuntes, celulares, etc .

- 1. El agua sale de un depósito en forma de cono invertido a razón de 10.000 cm³/min al mismo tiempo que se bombea agua al depósito a razón constante. El depósito mide 6m de altura, y el diámetro en la parte superior es de 4m. Si el nivel del agua se eleva a razón de 20cm/min cuando la altura del agua es de 2m, calcule la razón a la cual el agua está siendo bombeada hacia el tanque.
- 2. Calcular el valor del los límites

(a) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x - \tan x}{\sin^2 x}$$
  
(b)  $\lim_{x \to 0} \frac{\cos 2x - 2\cos x + 1}{x^2}$ 

3. Derivar y simplificar:

(a) 
$$y = x \ln \left( x + \sqrt{x^2 + 1} \right) - \sqrt{x^2 + 1}$$

(b) 
$$y = (\sin 3x)^{1/x}$$

4. Hallar la ecuación de la recta tangente a la curva  $x^3 + y^3 - 6xy = 0$ , en el punto  $P\left(\frac{4}{3}, \frac{8}{3}\right)$ .

1

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>El juramento del uniandino dice: "Juro solemnemente abstenerme de copiar o de incurrir en actos que pueden conducir a la trampa o al fraude en las pruebas académicas, o en cualquier otro acto que perjudique la integridad de mis compañeros o de la misma Universidad."