

---

- **INFORMACIÓN DEL PROFESOR:**

Profesor: Mikhail Malakhaltsev

Correo electrónico: mikarm@uniandes.edu.co

**Horario y lugar de atención: M J, 14:30 – 16:30, H\_201**

- **INTRODUCCIÓN Y DESCRIPCIÓN GENERAL DEL CURSO:**

El objetivo del curso es dar una introducción a la geometría diferencial mediante los ejemplos clásicos de curvas y superficies. El curso ha sido estructurado para estudiantes de las carreras de ciencias e ingeniería interesados en entender la geometría de curvas y superficies regulares en  $\mathbb{R}^3$ , especialmente estudiantes de las carreras de matemáticas y física, dominios en los que las nociones desarrolladas en el curso tienen múltiples aplicaciones. Comenzaremos con la descripción local de curvas y superficies en  $\mathbb{R}^3$  y alcanzaremos resultados tan importantes como el *Teorema Egregium de Gauss* y el *Teorema de Gauss-Bonnet*, ventana a la geometría diferencial global y punto de partida del estudio de la geometría y topología de variedades diferenciales en dimensión superior. Es un curso interesante para estudiantes que deseen continuar con estudios de Geometría, Física Teórica, Cálculo de Variaciones o Control Óptimo.

- **OBJETIVOS DE LA ASIGNATURA**

El objetivo del curso es dar una introducción a la geometría diferencial mediante los ejemplos clásicos de curvas y superficies.

- **COMPETENCIAS A DESARROLLAR**

En el transcurso del curso el estudiante desarrollará las siguientes habilidades:

1. Identificar los problemas que exijan métodos de geometría diferencial y escoger una metodología efectiva para resolver dichos problemas.
2. Aplicar métodos de álgebra lineal, cálculo diferencial, cálculo integral y cálculo vectorial para resolver problemas de geometría de curvas y superficies.
3. Identificar razonamiento matemático y distinguirlo de otros tipos de razonamientos, desarrollar demostraciones de afirmaciones matemáticas.

- **CONTENIDO DE LA ASIGNATURA**
- **CRONOGRAMA**

| Semana | Mes     | Fecha         | Teoría   | Texto guía   |
|--------|---------|---------------|--|--|
| 1      | Enero   | 20 Lu a 24 Vi | Curvas en el plano y en el espacio:<br>¿qué es una curva; longitud del arco;<br>reparametrización; curvas<br>parametrizadas y curvas de nivel.<br>Curvatura de curva.<br><i>Tarea 1-1 (Disponible en Sicua<br/>Plus).</i>                            | 1.1 – 1.4<br>2.1                                   |
| 2      | Enero   | 27 Lu a 31 Vi | Curvatura de curvas planas;<br>curvatura y torsión de curvas en el<br>espacio, marco de Frenet<br><i>Quiz 1.</i><br><i>Tarea 1-1 (entregar el Jueves).</i><br><i>Tarea 1-2 (Disponible en Sicua<br/>Plus).</i>                                       | 2.2, 2.3<br><b>Q1</b><br><b>T1-1</b>               |
| 3      | Febrero | 3 Lu a 7 Vi   | Desigualdad isoperimétrica; el<br>teorema de los cuatro vértices<br><i>Tarea 1-2 (entregar el Jueves).</i>   | 3.1, 3.2, 3.3<br><b>T1</b><br><b>T1-2</b>          |
| 4      | Febrero | 10 Lu a 14 Vi | Repaso, <b>Parcial 1</b>   | <b>P1</b>  |
| 5      | Febrero | 17 Lu a 21 Vi | ¿Qué es una superficie? Superficies<br>suaves; plano tangente; recta normal;<br>orientabilidad; ejemplos de<br>superficies, superficies cuádricas;<br>systemas triortogonales de<br>superficies.<br><i>Tarea 2-1 (Disponible en Sicua<br/>Plus).</i> | 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6                       |
| 6      | Febrero | 24 Lu a 28 Vi | Longitud de curva sobre una<br>superficie, primera forma<br>fundamental, isometrías entre<br>superficies, aplicaciones conformes<br>entre superficies, área de superficie,   | 5.1, 5.2, 5.3, 5.4,5,5<br><b>Q2</b><br><b>T2-1</b> |

|    |       |   |  |   |
|----|-------|---|--|---|
|    |       |   | aplicaciones isoareales, el teorema de Arquímedes<br><b>Quiz 2</b><br><b>Tarea 2-1 (entregar el Jueves).</b><br><b>Tarea 2-2 (Disponible en Sicua Plus).</b>                 |   |
| 7  | Marzo | 2 Lu a 6 Vi   | La segunda forma fundamental; curvaturas principales; la curvatura gaussiana (total) y la curvatura media, pseudoesfera<br><b>Tarea 2-2 (entregar el Jueves).</b>            | 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 7.1, 7.2<br><b>T2-2</b> |
| 8  | Marzo | 9 Lu a 13 Vi  | Repaso, <b>Parcial 2</b>   | <b>P2</b>                                   |
|    |       | 16 Lu a 20 Vi<br><b>20 de marzo es el último día para entregar el 30%</b> | <b>Semana de Receso</b>  |   |
| 9  | Marzo | 23 Lu a 27 Vi**<br><b>**Último día de retiros (6:00pm)</b>                | Superficies planas, superficies con la curvatura media constante, curvatura total de superficies compactas, el mapa de Gauss<br><b>Tarea 3-1 (Disponible en Sicua Plus).</b> | 7.3, 7.4, 7.5, 7.6                          |
| 10 | Marzo | 30 Lu a 3 Vi  | Geodésicas<br><b>Tarea 3-1 (entregar el Jueves).</b><br><b>Tarea 3-2 (Disponible en Sicua Plus).</b>   | Capítulo 8<br><b>T3-1</b>                   |
|    | Abril |   |  |   |
|    | Abril | 6 Lu a 10 Vi  | <b>Semana Santa</b>  |   |
| 11 | Abril | 13 Lu a 17 Vi   | Superficies minimales<br><b>Tarea 3-2 (entregar el Jueves).</b><br><b>Tarea 3-3 (Disponible en Sicua Plus).</b>  | Capítulo 9<br><b>T3-2</b>                   |

|   |       |               |  |  |
|---|-------|---------------|--|--|
| 12  | Abril | 20 Lu a 24 Vi | Teorema Egregio de Gauss<br><i>Tarea 3-3 (entregar el Jueves).</i><br><i>Tarea 3-4 (Disponible en Sicua Plus).</i> | Capítulo 10<br><b>T3-3</b>                   |
| 13  | Abril | 27 Lu a 1 Vi  | Teorema de Gauss-Bonnet<br><i>Tarea 3-4 (entregar el Jueves).</i><br><i>Quiz 3</i>                                 | 11.1, 11.2, 11.3<br><b>Q3</b><br><b>T3-4</b> |
|   | Mayo  |               |  |  |
| 14  | Mayo  | 4 Lu a 8 Vi   | Singularidades de campos vectoriales   | 11.4   |
| 15  | Mayo  | 11 Lu a 15 Vi | Repaso, <b>Parcial 3</b>   | <b>P3</b>                                    |
| 16  | Mayo  | 18 Lu a 22 Vi | Repaso general del curso   |  |
| <b>Exámenes finales:</b> <i>26 de mayo</i><br><i>— 4 de junio</i> |       |               |  |  |

**Recuerde el juramento del uniandino:** "Juro solemnemente abstenerme de copiar o de incurrir en actos que pueden conducir a la trampa o al fraude en las pruebas académicas, o en cualquier otro acto que perjudique la integridad de mis compañeros o de la misma Universidad".

- **Bibliografía**

Texto guía: A. Pressley. *Elementary differential geometry*. Springer Undergraduate Mathematics Series. Springer-Verlag, London, 2001.

**Bibliografía adicional:** M. Do Carmo. *Differential Geometry of Curves and Surfaces*, Ed. Prentice Hall, Englewood Cliffs, 1976.

- **Metodología:** El profesor explica el contenido teórico del curso con ejemplos y resuelve patrones de ejercicios en las clases (4 horas por semana).

- **Criterios de evaluación y aspectos académicos**

- 

Porcentajes de cada evaluación:

| Actividad          | Cantidad | C/U   | T    |
|--------------------|----------|-------|------|
| Exámenes parciales | 3        | 20%   | 60%  |
| Examen final       | 1        | 25%   | 25%  |
| Tareas             | 3        | 5/3%  | 5%   |
| Quizes             | 3        | 10/3% | 10%  |
| Total              |          |       | 100% |

**Parámetros de calificación de actividades académicas:**

El estudiante obtiene el máximo puntaje para ejercicios de los exámenes y tareas si la respuesta es correcta y la justificación es correcta, clara y bien escrita.

**Política de aproximación de notas.**

Las notas se aproximan siguiendo las reglas de aproximación aritmética a la escala numérica 1,5; 2; 2,5; 3; 3,5; 4; 4,5; 5.

## RÉGIMEN ACADÉMICO

Las siguientes disposiciones académicas se deberán tener en cuenta en la elaboración de los programas de los cursos:

- **Asistencia a clase:**

Los profesores iniciarán sus cursos desde el primer día del semestre académico, con la finalidad de garantizarles a los estudiantes el derecho a beneficiarse activa y plenamente del proceso educativo (Art. 40 RGEPr).

Las clases de la Universidad deben empezar a la hora en punto o a la media hora, y terminar diez minutos antes de la hora en punto o de la media hora (Art. 41 RGEPr).

- **Inasistencia a clase y a evaluaciones:**

Los parámetros para controlar la asistencia deberán ser informados a los estudiantes el primer día de clase. Se sugiere informar si la asistencia y la participación serán criterios de evaluación, así como la forma en que serán calificados. Será facultativo de cada profesor determinar las consecuencias de la inasistencia si esta supera el 20% (Art. 42 y 43 RGRPr).

El estudiante que desee justificar su ausencia deberá hacerlo ante el profesor dentro de un término no superior a ocho (8) días hábiles siguientes a la fecha de ésta. De acuerdo con el párrafo del artículo 45 del RGEPr, serán excusas válidas las siguientes:

- a. Incapacidades médicas.
- b. Incapacidades expedidas por la Decanatura de Estudiantes.
- c. Muerte del cónyuge o de un familiar hasta del segundo grado de consanguinidad.
- d. Autorización para participar en eventos deportivos, expedida por la Decanatura de Estudiantes.
- e. Autorización para asistir a actividades académicas y culturales, expedida por la respectiva dependencia académica.
- f. Citación a diligencias judiciales, debidamente respaldada por el documento respectivo.

El profesor podrá tener en cuenta otras circunstancias que a su criterio puedan justificar la ausencia del estudiante.

La Decanatura de Estudiantes prestará colaboración en la verificación de las incapacidades médicas.

- **Salidas de campo:**

Las salidas de campo de los estudiantes de la Universidad, programadas fuera de Bogotá, no son de carácter obligatorio. En caso de que algunos estudiantes no puedan cumplir con esta actividad, deberán informar las razones al profesor respectivo y acordar con él la realización de trabajos supletorios (Art. 46 RGEPr).

- **Calificaciones:**

- Se deberán programar como mínimo tres (3) evaluaciones. En los cursos de la escuela de verano el profesor podrá practicar una sola evaluación con un valor equivalente al 100% de la materia (Art. 47 y parágrafo Art. 48 RGEPr).
- Ninguna de las evaluaciones podrá tener un porcentaje superior al 35%, salvo que se trate de prácticas académicas, proyectos de grado, los cursos con formato de taller y algunos cursos del programa de música, los cuales tendrán un sistema de calificación especial que también deberá ser informado a los estudiantes en el programa del curso.
- Las evaluaciones orales, en las que la actividad del estudiante consiste únicamente en responder las preguntas formuladas por el profesor y que tengan un valor superior al 15% de la calificación del curso, deberán realizarse en presencia de un profesor adicional, quien también deberá actuar como evaluador.
- Si un estudiante falta a la presentación de una evaluación debidamente programada, podrá ser calificado con cero (0,0). Sin embargo, el estudiante podrá justificar su ausencia ante el profesor dentro de un término no superior a (8) días hábiles siguientes a la realización de la prueba. Justificada la inasistencia el profesor deberá indicarle al estudiante la nueva fecha y hora en que le realizará el examen, dentro de las dos (2) semanas siguientes a la aceptación de la justificación presentada.
- El valor de cada evaluación practicada sin aviso, en ningún caso, podrá superar el 5% de la nota definitiva del curso.
- Los profesores tendrán autonomía para establecer sus propios criterios de aproximación de notas definitivas, pero deberán siempre informarlo en el programa del curso, el primer día de clase.
- Se recomienda establecer desde un inicio las condiciones para la entrega de informes y trabajos, así como los parámetros para la elaboración las actividades en grupo. También indicar los efectos de la entrega tardía de trabajos y de la no entrega.

- **Entrega de calificaciones:**

- Todos los profesores de la Universidad deben hacer conocer a sus estudiantes las calificaciones obtenidas, dentro de los diez (10) días hábiles siguientes a la práctica de la evaluación parcial. Exceptuando aquellas correspondientes a los proyectos de grado y prácticas académicas (Art. 68 RGEPr).
  - Al menos el 30% de las calificaciones debe ser publicado en el sistema banner, a más tardar antes de la semana de retiros de cada semestre (Art. 69 RGEPr).
  - Antes del examen final, el estudiante tiene el derecho a conocer las calificaciones parciales obtenidas durante el semestre y podrá solicitarlas al profesor (Art. 70 RGEPr).
- **Notas especiales:**
    - *Incompleto (I)*: nota aplicada por el Consejo de Facultad cuando el alumno no haya podido cumplir por razones justificadas, con los requisitos del curso (Art. 57 RGEPr).
    - *Incompleto Total (IT)*: nota aplicada por el Consejo de Facultad cuando el alumno no haya podido cumplir por razones justificadas, con los requisitos de todos los cursos del periodo académico en el cual se encuentra matriculado (Art. 58 RGEPr).
    - *Pendiente (P)*: nota aplicada por el profesor cuando al estudiante por razones de fuerza mayor, para cumplir con los requisitos del curso, solo le reste la presentación de una prueba final o no pueda asignársele una calificación antes del plazo determinado por la Dirección de Admisiones y Registro. La nota 'P' deberá reemplazarse a más tardar un mes después de terminado el semestre académico o quince (15) días después de terminado el periodo intersemestral (Art. 59 y Art. 60 RGEPr).
    - *Pendiente Disciplinario (PD)*: nota aplicada por el profesor al estudiante que se encuentre vinculado a un proceso disciplinario. Esa nota será reemplazada una vez culmine definitivamente el proceso (Art. 61 y parágrafo 1 Art. 115 RGEPr).
    - *Pendiente Especial (PE)*: nota excepcional aplicable a aquellos estudiantes que se encuentren desarrollando su correspondiente proyecto de grado y no ha sido concluido, por razones justificadas, dentro del semestre inicialmente establecido (Art. 63 RGEPr).

- **Reclamos:**

Si se trata de una prueba escrita, el estudiante deberá dirigir el reclamo por escrito, dentro de los cuatro (4) días hábiles siguientes al que conoció la calificación en cuestión. El profesor cuenta con cinco (5) días hábiles para responderle. Si el estudiante considera que la decisión no corresponde a los criterios de evaluación, podrá solicitar la designación de un segundo calificador ante el Consejo de Facultad, dentro de los cuatro (4) días hábiles al conocimiento de la decisión (Art. 64 y 65 del RGEPr).

En caso de reclamo por una calificación obtenida en una prueba oral, el estudiante podrá exponer la razón de su desacuerdo a los profesores evaluadores en el mismo momento en que tiene conocimiento de la nota. Si el grupo evaluador mantiene la calificación, la realización de un nuevo examen quedará a discreción del Consejo de Facultad al que pertenece la materia, previa solicitud escrita del estudiante (Art. 66 del RGEPr).

- **Cambio de notas definitivas:**

Vencido el plazo previsto para el cambio notas derivadas de los reclamos presentados, estos solo podrán realizarse con la autorización del coordinador de pregrado del programa al que pertenece la materia (Art. 67 RGEPr).

- **Funciones del monitor:**

La principal función del monitor es la de ayudar al profesor en la dirección de las actividades académicas (laboratorios, sesiones de repaso o de ejercicios, asesoría a estudiantes). Así mismo, apoyarlo en la corrección de ejercicios y pruebas. La calificación definitiva de las pruebas será responsabilidad exclusiva del profesor.

- **Reporte de casos disciplinarios:**

Ante la sospecha de una presunta comisión de fraude académico (Art. 115 RGEPr) o de una falta disciplinara (Art. 116 y 117 RGEPr) por parte de uno de sus estudiantes o de cualquier miembro de la comunidad uniandina, los profesores deberán tener en cuenta:

- Es su deber informar al secretario del Comité Disciplinario de la facultad a la que pertenece el estudiante, mediante comunicación escrita que exprese de manera clara y sucinta los hechos. Se adjuntarán las pruebas correspondientes. (Art. 129 RGEPr).
- A través de un proceso disciplinario el estudiante tendrá la oportunidad formal de presentar su versión sobre los hechos y pronunciarse sobre las decisiones que tomó el Comité (Art. 130 – 146 RGEPr).
- El profesor tiene discreción para hablar con los estudiantes implicados antes de reportar el caso al comité, para informarles al respecto.
- Durante el proceso disciplinario el profesor podrá ser consultado si el Comité lo considera, pero no será parte formal del proceso.



- A menos que el estudiante acepte su responsabilidad, el profesor no puede afirmar que cometió una falta disciplinaria. En cualquier conversación con un estudiante que presuntamente haya cometido la falta, el profesor debe ser cuidadoso. La existencia del fraude o de una falta disciplinaria solamente la puede determinar el Comité, después de haberse cumplido el proceso contemplado en los distintos reglamentos de estudiantes de la Universidad.
- La actividad académica en la que se presume la comisión de un fraude académico deberá ser calificada con Pendiente Disciplinario (PD), (Art. 61 RGEPr). Es indispensable poner el Pendiente Disciplinario pues esta nota es una garantía del respeto por la presunción de inocencia del estudiante.
- Una vez el profesor reciba copia de la carta por medio de la cual se le notifica al estudiante la culminación del proceso disciplinario, deberá levantar el PD y asignar la nota correspondiente a la actividad académica (Art. 129 y parágrafo 2 Art. 129 RGEPr).

- **Canales de ayuda para estudiantes y profesores:**

En cualquier momento los profesores y estudiantes podrán apoyarse en la labor de los coordinadores de su programa, la Decanatura de Estudiantes, la Secretaría General de la Universidad y la Oficina del Ombudsperson para consultar sobre asuntos académicos o administrativos según corresponda.

- **Ajustes razonables**

Según el Art.2 de la Convención sobre los Derechos de las personas con discapacidad de la ONU, se entiende por ajustes razonables "las modificaciones y adaptaciones necesarias y adecuadas que no impongan una carga desproporcionada o indebida, cuando se requieran en un caso particular, para garantizar a las personas con discapacidad el goce o ejercicio, en igualdad de condiciones con las demás, de todos los derechos humanos y libertades fundamentales". Por lo tanto, siéntase en libertad de informar a su profesor lo antes posible si tiene alguna condición o situación de discapacidad, visible o invisible, y requiere de algún tipo de apoyo o ajuste para estar en igualdad de condiciones con los demás estudiantes. En caso dado, por favor justifique su solicitud con un certificado médico o constancia de su situación. Así mismo, lo invitamos a buscar asesoría y apoyo en la dirección de su programa, en la decanatura de Estudiantes (Bloque Ñf, ext.2330, <http://centrodeconsejeria.uniandes.edu.co>) o en el Programa de Acción por la Igualdad y la Inclusión Social (PAIIS) de la Facultad de Derecho ([paiis@uniandes.edu.co](mailto:paiis@uniandes.edu.co)).

- **Respeto por la diversidad**

Los valores de inclusión y respeto por la diversidad son fundamentales para nuestra labor. En esta comunidad consideramos inaceptable cualquier situación de acoso, discriminación, matoneo, y/o amenaza. Si alguno de los miembros de esta comunidad siente que está pasando por alguna de estas situaciones o sabe de alguien a quien esto le puede estar pasando puede denunciar su ocurrencia y buscar orientación y apoyo ante alguna de las siguientes instancias:

- el equipo pedagógico del curso o la dirección del programa,
- la Decanatura de Estudiantes (DECA),
- la Ombudsperson (ombudsperson@uniandes.edu.co).
- el Comité MAAD (Maltrato, Acoso, Amenaza y Discriminación) (lineamaad@uniandes.edu.co, <https://secretariageneral.uniandes.edu.co/index.php/es/inicio-es/14-noticias/128>).

También puede acudir a los representantes estudiantiles (CEU) y/o a los grupos estudiantiles que pueden prestarle apoyo y acompañamiento: No Es Normal (derechoygenero@uniandes.edu.co o <https://www.facebook.com/noesnormaluniandes/?fref=ts>); Pares de Acompañamiento Contra el Acoso (paca@uniandes.edu.co o <https://www.facebook.com/PACA-1475960596003814/?fref=ts>). Además, en clase usted podrá solicitar ser identificado con el nombre y los pronombres que usted prefiera, estos pueden coincidir o no con su nombre legal registrado en banner. No obstante, para firmar en listas de asistencia y marcar hojas de exámenes, debe usar su nombre legal.